

$$x^3 - 3x^2 - 9x + 2 = 0$$

Eventuelle ganzzahlige Nullstellen müssen Faktoren des konstanten Gliedes 2 sein.

Wir setzen ein und prüfen:

+1	$+1 - 3 - 9 + 2 < 0$
-1	$-1 - 3 + 9 + 2 > 0$
+2	$+8 - 12 - 18 + 2 < 0$
-2	$-8 - 12 + 18 + 2 = 0$

Also: $x_1 = -2$

Wenn -2 eine Lösung ist, muss unsere Gleichung den Faktor $(x+2)$ enthalten, wir dividieren:

$$(x^3 - 3x^2 - 9x + 2) : (x + 2) = x^2 - 5x + 1$$
$$\begin{array}{r} x^3 + 2x^2 \\ \hline -5x^2 - 9x + 2 \\ -5x^2 - 10x \\ \hline x + 2 \end{array}$$

Damit haben wir die Zerlegung $(x^3 - 3x^2 - 9x + 2) = (x + 2)(x^2 - 5x + 1) = 0$ gefunden.

Die verbleibende quadratische Gleichung wird mit der Formel gelöst:

$$x_{2,3} = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 4}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$$