

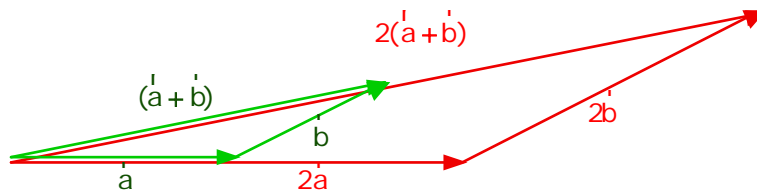
## Aufgabe 2

$$\begin{aligned}
 \text{a)} \quad \frac{1}{2}\vec{a} - \left(\frac{2}{3}\vec{b} - \vec{c} - \left(\frac{1}{3}\vec{b} - \vec{c}\right) + \frac{1}{2}\vec{a}\right) + \frac{1}{3}\vec{b} &= \frac{1}{2}\vec{a} - \left(\frac{2}{3}\vec{b} - \vec{c} - \frac{1}{3}\vec{b} + \vec{c} + \frac{1}{2}\vec{a}\right) + \frac{1}{3}\vec{b} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{a} - \frac{2}{3}\vec{b} + \vec{c} + \frac{1}{3}\vec{b} - \vec{c} - \frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{3}\vec{b} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{a} - \frac{2}{3}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{b} + \vec{c} - \vec{c} \\
 &= \vec{0}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{b)} \quad \frac{1}{3}(2\vec{x} - \vec{b} + \vec{c}) &= 12\vec{b} + \frac{1}{2}(\vec{x} + 2\vec{b} - 3\vec{c}) \quad | \cdot 6 \\
 2(2\vec{x} - \vec{b} + \vec{c}) &= 12\vec{b} + 3(\vec{x} + 2\vec{b} - 3\vec{c}) \\
 4\vec{x} - 2\vec{b} + 2\vec{c} &= 12\vec{b} + 3\vec{x} + 6\vec{b} - 9\vec{c} \\
 4\vec{x} - 3\vec{x} &= 12\vec{b} + 6\vec{b} - 9\vec{c} + 2\vec{b} - 2\vec{c} \\
 \vec{x} &= 20\vec{b} - 11\vec{c}
 \end{aligned}$$

## Aufgabe 3

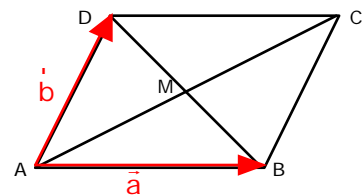
Ähnlichkeit!



## Aufgabe 4

Spazieren Sie immer in Richtung der Kanten vom Anfangspunkt zum Endpunkt.

Dabei bedeutet:  $\vec{a}$  um  $a$  waagrecht nach rechts  
 $-\vec{a}$  um  $a$  waagrecht nach links  
 entsprechendes gilt für die andere Kantenrichtung.



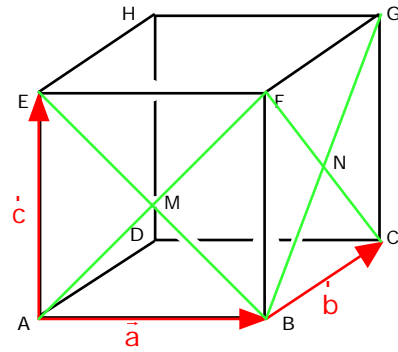
- $\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{a} + \vec{b}$
- $\vec{DA} = -\vec{b}$
- $\vec{BD} = \vec{BA} + \vec{DA} = -\vec{a} + \vec{b}$
- $\vec{BM} = \frac{1}{2}\vec{BD} = \frac{1}{2}(-\vec{a} + \vec{b}) = -\frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{b}$
- $\vec{MA} = -\frac{1}{2}\vec{AC} = -\frac{1}{2}(\vec{a} + \vec{b}) = -\frac{1}{2}\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b}$

## Aufgabe 5

Spazieren Sie immer in Richtung der Kanten vom Anfangspunkt zum Endpunkt.

Dabei bedeutet:

- $\vec{a}$  um a nach rechts
- $-\vec{a}$  um a nach links
- $\vec{b}$  um b nach hinten
- $-\vec{b}$  um b nach vorn
- $\vec{c}$  um c nach oben
- $-\vec{c}$  um c nach unten



Es sind vom Anfangspunkt zum Endpunkt verschiedene Wege denkbar; nachträgliches Vereinfachen führt auf das gleiche Schlussresultat.

- a)  $\overline{AG}$ : z. B. von A nach B nach C nach G:  $\overline{AG} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$   
oder: von A nach E nach H nach G:  $\overline{AG} = \vec{c} + \vec{b} + \vec{a} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$
- b)  $\overline{BF} = \vec{c}$
- c)  $\overline{FH} = \overline{FE} + \overline{EH} = -\vec{a} + \vec{b}$
- d)  $\overline{AM} = \frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{c}$
- e)  $\overline{BM} = -\frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{c}$
- f)  $\overline{MH} = \overline{ME} + \overline{EH} = \left(-\frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{c}\right) + \vec{b} = -\frac{1}{2}\vec{a} + \vec{b} + \frac{1}{2}\vec{c}$  (dabei ist  $\overline{ME} = \overline{BM}$ )
- g)  $\overline{NM} = -\frac{1}{2}\overline{AC} = -\frac{1}{2}(\vec{a} + \vec{b}) = -\frac{1}{2}\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b}$
- h)  $|\overline{AF}| = a\sqrt{2}$  (Diagonale im Quadrat)
- i)  $|\overline{AG}| = a\sqrt{3}$  (Pythagoras:  $AG^2 = a^2 + a^2 + a^2 = 3a^2$ )

## Aufgabe 6

siehe Buch